

# Disipadores de energía - parte IV: cubetas dentadas y lisas

Rafael Pardo Gómez email: <u>rpardo@cih.cujae.edu.cu</u> Centro de Investigaciones Hidráulicas (CIH). Universidad Tecnológica de La Habana José Antonio Echeverría (Cujae).

# RESUMEN

El presente artículo es el cuarto de una serie de siete, todos relativos a los disipadores de energía que se pueden emplear en obras hidráulicas. Todos estos artículos en su conjunto conforman una monografía que sobre este tema desarrolló el autor, concluyéndola a mediados del año 2017 y posteriormente incorporándola a una nueva edición – en preparación – del libro de texto "Aliviaderos y Obras de toma". Este cuarto artículo es una presentación detallada acerca de la cubeta en sus dos versiones, las dentadas y las lisas, las cuales tienen amplio uso fundamentalmente en aquellos aliviaderos en los que la descarga está afectada por altos niveles de agua.

**Palabras clave**: cubeta lisa, cubeta dentada, condiciones de ahogo, límite inferior del tirante en la descarga, límite superior del tirante en la descarga, radio de la cubeta.

# **Energy dissipation - part IV: slotted and solid bucket**

## ABSTRACT

The present article is the fourth of a series of seven, all relative to energy dissipators that can be used in hydraulic works. The whole group of these articles conform a monograph about the subject that was prepared by the author, concluding it by the middle of the 2017 year and later on incorporating it into a new edition - in preparation - of the textbook "Spillways and Intake Structures.". This fourth article is a detailed presentation about the bucket in its two versions, the slloted and the solid one, which have wide use fundamentally in those spillways where the discharge is affected by high levels of water.

**Keywords**: solid bucket, slotted bucket, diving flow condition, minimum tail water limit, maximum tail water limit, bucket radius.





#### **INTRODUCCIÓN**

Las cubetas sumergidas han sido objetos de estudio durante muchos años y en general hay coincidencia entre los investigadores del tema que son dos los tipos de mejores resultados: las cubetas lisas y las dentadas, de las cuales se muestran dos ejemplos en la figura 1 (Pardo 2017).



Figura 1. Ejemplos de cubetas sumergidas [Fuente: Peterka (1984)]

### FUNCIONAMIENTO DE LAS CUBETAS LISAS Y DENTADAS

Las cubetas lisa y dentada son mostradas en funcionamiento en la figura 2. El comportamiento hidráulico y la configuración resultante de las dos cubetas son significativamente diferentes. Ambos tipos requieren mayor tirante aguas abajo que el salto hidráulico. En la cubeta lisa todo el flujo es lanzado hacia arriba por el fondo de la cubeta para crear un borbotón de agua en la superficie y un fuerte remolino sumergido sobre el fondo del arrio. La severidad del borbotón alto y del remolino sumergido depende de la profundidad del agua a la salida *TA*, de manera que bajos *TA* producen los más violentos borbotones y remolinos (Peterka 1984).



**Figura 2. Funcionamiento de las cubetas lisa y dentada** [Fuente: Peterka (1984)]

La corriente superior del remolino mueve material del fondo desde aguas abajo y lo deposita dentro de la cubeta; desde aquí es lanzado hacia abajo y vuelto a lanzar hacia la cubeta. Este constante movimiento de sedimentos contra el hormigón lo va abrasando y además genera operación asimétrica del aliviadero, lo cual no es conveniente.

En el caso de la cubeta dentada parte del flujo pasa entre los dientes y se abre lateralmente y otra parte sobre los dientes es lanzada lejos desde la solera, por tanto, el flujo es dispersado y distribuido sobre una gran área dando una concentración de flujo con menos poder erosivo que el de la cubeta lisa.

Por otro lado, no se produce introducción de gran cantidad de material del terreno en la cubeta y las pequeñas cantidades que lo hacen, son rápidamente barridas hacia aguas abajo. Con la cubeta dentada, el barrido total tiene lugar para *TA* ligeramente superiores a los de la cubeta lisa y si el *TA* es muy alto, el flujo puede sumergirse desde la solera y erosionar el fondo del canal, como se muestra en la figura 3; en la cubeta lisa tal sumersión del flujo no se produce.

En general, no obstante lo anterior, la cubeta dentada da resultados superiores a la lisa, particularmente para valores bajos de *TA*.



Figura 3. Condición de ahogo de la cubeta dentada [Fuente: Peterka (1984)]

En la figura 4 se muestran algunas de las modificaciones que se han hecho a la cubeta dentada para realizar estudios en modelos físicos.



Figura 4. Modificaciones ensayadas de la cubeta dentada [Fuente: Peterka (1984)]

• Procedimiento de diseño propuesto por Peterka:

La cubeta dentada puede ser usada como disipador de energía en la base de un vertedor. Los estudios realizados muestran que la cubeta dentada es superior a la lisa en todos los aspectos. Siempre que las condiciones prácticas lo permitan, debe ser usado el diente mayor recomendado en la modificación de diseño II de la figura 4.

Una versión sencilla de los siete pasos requeridos para el diseño de una cubeta es:

1. Determinar Q, q (gasto específico en la cubeta),  $V_I$ ,  $D_I$ ; calcular el número de Froude para el gasto máximo y para caudales intermedios según  $F=V_I/(g D_I)^{0.5}$ . Específicamente para determinar la velocidad de entrada a la cubeta se puede emplear la figura 5.



Figura 5. Curvas para la determinación de la velocidad de entrada a la cubeta para pendientes 0,8: 1 a 0,6:1 [Fuente: Peterka (1984)]

Se puede utilizar la ecuación (1) y los parámetros de las tablas 1 y 2 como una alternativa a la figura 5.

$$\frac{V_a}{V_t} = a + \frac{b}{H+h} + \frac{c}{(H+h)^2} + \frac{d}{(H+h)^3} + \frac{e}{(H+h)^4} + \frac{f}{(H+h)^5} + \frac{g}{(H+h)^6} + \frac{h}{(H+h)^7} + \frac{i}{(H+h)^8} + \frac{j}{(H+h)^9}$$
(1)

| Parámetros | Curva 0,76  | Curva 1,52  | Curva 2,29  | Curva 3,05  |
|------------|-------------|-------------|-------------|-------------|
| а          | 0,999314881 | 0,999807009 | 0,998588447 | 0,999162211 |
| b          | -0,01770409 | -0,00797307 | -0,00375518 | 0,000131434 |
| с          | 0,000850479 | -7,4469E-05 | -0,0003099  | -0,00114495 |
| d          | -7,6298E-05 | 1,97758E-05 | 3,14323E-05 | 0,000140923 |
| e          | 3,99122E-06 | -1,4636E-06 | -1,7051E-06 | -8,4836E-06 |
| f          | -1,1860E-07 | 5,45455E-08 | 5,32068E-08 | 2,80628E-07 |
| g          | 2,08175E-09 | -1,1346E-09 | -9,8188E-10 | -5,3656E-09 |
| h          | -2,1399E-11 | 1,33483E-11 | 1,05924E-11 | 5,90874E-11 |
| i          | 1,1918E-13  | -8,2961E-14 | -6,1749E-14 | -3,4779E-13 |
| j          | -2,7778E-16 | 2,11666E-16 | 1,50222E-16 | 8,47251E-16 |

Tabla 1. Parámetros de la ecuación (1)

| Parámetros | Curva 4,57  | Curva 6,1   | Curva 7,62  | Curva 9,15  | Curva 12,2  |
|------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|
| а          | 1,000459366 | 1,000218708 | 0,999451008 | 0,999330523 | 0,999814716 |
| b          | -0,00552328 | -0,00229194 | 0,002445552 | 0,001134019 | -0,00079455 |
| с          | 0,000694959 | 0,000191014 | -0,00103896 | -0,00038157 | 0,000253677 |
| d          | -6,7104E-05 | -2,1060E-05 | 0,000110414 | 3,68964E-05 | -3,3538E-05 |
| e          | 3,45383E-06 | 1,19565E-06 | -6,0082E-06 | -1,7443E-06 | 1,90112E-06 |
| f          | -1,0322E-07 | -3,9901E-08 | 1,86743E-07 | 4,31289E-08 | -5,8431E-08 |
| g          | 1,85014E-09 | 8,04239E-10 | -3,4406E-09 | -5,7197E-10 | 1,04883E-09 |
| h          | -1,9605E-11 | -9,5439E-12 | 3,70893E-11 | 3,81305E-12 | -1,1015E-11 |
| i          | 1,1311E-13  | 6,10053E-14 | -2,1582E-13 | -9,4023E-15 | 6,28352E-14 |
| j          | -2,7355E-16 | -1,6134E-16 | 5,23029E-16 | -5,5822E-18 | -1,5049E-16 |

 Tabla 2. Parámetros de la ecuación (1)

2. Entrar en la figura 6 con  $F_{rI}$  para encontrar el parámetro radio de la cubeta  $R/(D_I + V_1^2/2g)$  a partir del cual se calcula el radio mínimo permisible *R* de la cubeta.



Figura 6. Radio mínimo permisible de la cubeta [Fuente: Peterka (1984)]

3. Entrar en la figura 7 con  $R/(D_1 + V_1^2/2g)$  y  $F_{rl}$  para obtener  $T_{min}/D_1$  a partir del cual el tirante  $T_{min}$  puede calcularse.

![](_page_5_Figure_1.jpeg)

Figura 7. Límite inferior del tirante aguas abajo [Fuente: Peterka (1984)]

Se puede utilizar la ecuación (2) y los parámetros de la tabla 2 como alternativa a la figura 7.

$$\frac{T_{min}}{D_1} = \frac{a + b * \left(\frac{R}{D_1 + \frac{V_1^2}{2g}}\right) + c * F_r + d * F_r^2}{1 + e * \left(\frac{R}{D_1 + \frac{V_1^2}{2g}}\right) + f * \left(\frac{R}{D_1 + \frac{V_1^2}{2g}}\right)^2 + g * F_r}$$
(2)

| Tabla 2. Parametros de la ecuación (2) |              |  |  |
|--|--------------|--|--|
| а                                      | -0,02782338  |  |  |
| b                                      | -0,429494774 |  |  |
| С                                      | 1,408516631  |  |  |
| d                                      | -0,109691939 |  |  |
| e                                      | -0,257728896 |  |  |
| f                                      | 0,119760698  |  |  |
| g                                      | -0,076936322 |  |  |

4. Entrar en la figura 8 para de forma similar al paso 3 obtener  $T_{máx}$ .

![](_page_6_Figure_1.jpeg)

Figura 8. Límite superior del tirante aguas abajo [Fuente: Peterka (1984)]

Se puede utilizar la ecuación (3) y los parámetros de la tabla 3 como una alternativa a la figura 8 para los valores de  $R/(D_1 + V_1^2/2g) < 0.4$ .

$$\frac{T_{máx}}{D_1} = \frac{a + b * \left(\frac{R}{D_1 + \frac{V_1^2}{2g}}\right) + c * \left(\frac{R}{D_1 + \frac{V_1^2}{2g}}\right)^2 + d * F_r + e * F_r^2 + f * F_r^3}{1 + g * \left(\frac{R}{D_1 + \frac{V_1^2}{2g}}\right) + h * \left(\frac{R}{D_1 + \frac{V_1^2}{2g}}\right)^2 + i * \left(\frac{R}{D_1 + \frac{V_1^2}{2g}}\right)^3 + j * F_r}$$
(3)

| а | 4,671576839  |
|---|--------------|
| b | -29,14256478 |
| с | 44,98066395  |
| d | 0,300040151  |
| e | -0,016622226 |
| f | 0,005467051  |
| g | -4,021594796 |
| h | 6,707543555  |
| i | -3,350653296 |
| j | -0,024159164 |

5. Establecer la cota del fondo de la cubeta de manera tal que las curvas de elevaciones de *TA* estén dentro de los límites  $T_{mín}$  y  $T_{máx}$ . Colocar el extremo final de la cubeta así como su fondo, por encima del fondo del cauce de salida. Para un mejor comportamiento, colocar la cubeta de manera que *TA* esté cercano a  $T_{mín}$ . Verificar la ubicación y determinar el factor de seguridad contra el barrido total a partir de la figura 9 siguiendo el mismo procedimiento que el paso 3.

Se puede utilizar la ecuación (4) y los parámetros de la tabla 4 como una alternativa a la figura 9.

$$\frac{T_{s}}{D_{1}} = \frac{a + b * \left(\frac{R}{D_{1} + \frac{V_{1}^{2}}{2g}}\right) + c * F_{r} + d * F_{r}^{2} + e * F_{r}^{3}}{1 + f * \left(\frac{R}{D_{1} + \frac{V_{1}^{2}}{2g}}\right) + g * F_{r}}$$
(4)

- 6. Completar el diseño de la cubeta, usando la figura 1, para obtener forma, dimensiones y espaciamiento de los dientes, etc.
- 7. Usar las figuras 10 y 11 para estimar los perfiles de la superficie del agua dentro y aguas abajo de la cubeta.

![](_page_8_Figure_1.jpeg)

Figura 9. Profundidad aguas abajo de barrido total [Fuente: Peterka (1984)]

| a | 0,026486158  |
|---|--------------|
| b | 0,206769989  |
| с | 1,183170646  |
| d | -0,089062212 |
| е | -0,000898493 |
| f | -0,166936533 |
| g | -0,081472753 |

Tabla 4. Parámetros de la ecuación (4)

Se puede utilizar la ecuación (5) y los parámetros de la tabla 5 como alternativa a la figura 11.

$$\frac{A}{T} = a + \frac{b}{(R/x)} + c * Fr + \frac{d}{(R/x)^2} + e * Fr^2 + \frac{f * Fr}{(R/x)} + \frac{g}{(R/x)^3} + h * Fr^3 + \frac{i * Fr^2}{(R/x)} + \frac{j * Fr}{(R/x)^2}$$
(5)

![](_page_9_Figure_1.jpeg)

Figura 10. Mediciones de la superficie media del agua [Fuente: Peterka (1984)]

![](_page_9_Figure_3.jpeg)

Figura 11. Características del perfil de la superficie del agua para cubetas dentadas [Fuente: Peterka (1984)]

ING. HIDRÁULICA Y AMBIENTAL, VOL. XL, No. 1, Ene-Abr 2019, ISSN 1815-591X, RNPS 2066

| а | 1,197107692  |
|---|--------------|
| b | 0,180794619  |
| С | -0,123454194 |
| d | 0,013249777  |
| e | 0,022159393  |
| f | -0,045475544 |
| g | 0,000453837  |
| h | -0,003638423 |
| i | 0,008449392  |
| j | -0,004736857 |

| Tabla 5. | Parámetros | de la | ecuación | (5) |
|----------|------------|-------|----------|-----|
|----------|------------|-------|----------|-----|

### CONCLUSIONES

- Las características de las cubetas tanto lisas como dentadas son bien conocidas, lo cual permite su empleo como disipador de energía en obras hidráulicas.
- Las principales herramientas para el diseño hidráulico de las cubetas que se han recopilado a partir de la literatura especializada, han sido procesadas para presentar ecuaciones polinómicas que facilitan el empleo de las mismas mediante sistemas informáticos.

#### REFERENCIAS

**Pardo R.** (2017). "Monografía sobre disipadores de energía". ISBN: 978-959-261-565-6. Departamento de Ediciones CUJAE, La Habana, Cuba.

**Peterka A. J.** (1984). "Hydraulic design of stilling basins and energy dissipators". Engineering monograph No. 25. United States Bureau of Reclamation (USBR). Denver, Colorado, USA.